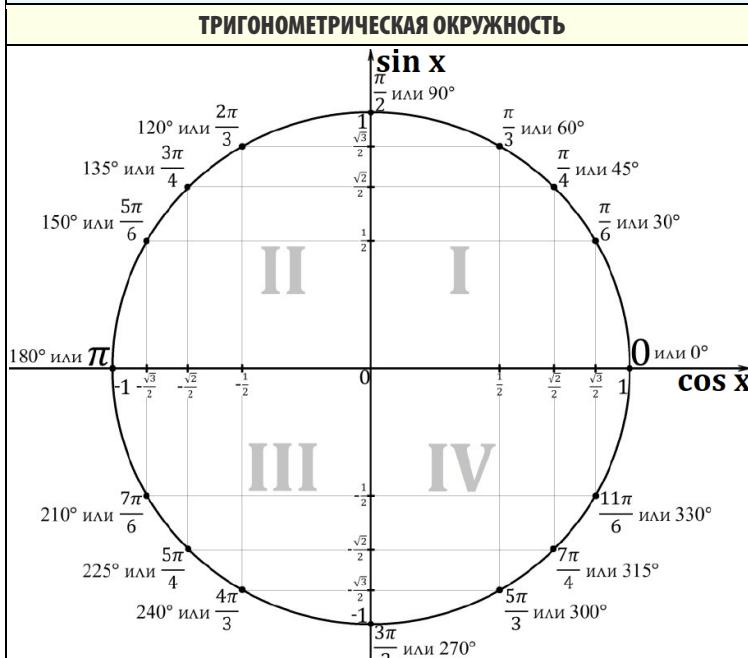


СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

1

ТРИГОНОМЕТРИЯ



ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ

ФОРМУЛЫ ДВОЙНОГО УГЛА

1 $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

1 $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$

2 $1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$

2 $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$

3 $1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$

3 $\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$

4 $\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$

4 $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$

СИНУС

КОСИНУС

$$\sin \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

ТАНГЕНС

КОТАНГЕНС

1 $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$

1 $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$

2 $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$

2 $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$

ФОРМУЛЫ СУММЫ И РАЗНОСТИ

ЧЁТНОСТЬ

1

1

2

2

3

3

4

4

5

5

6

6

7

7

8

8

9

9

10

10

11

11

12

12

13

13

14

14

15

15

16

16

ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

1 Если в аргументе есть сколько-то $\frac{\pi}{2}$, то функция меняется на кофункцию

Если в аргументе есть сколько-то π , то функция остается прежней

ПРИМЕР:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha$$

2 Чтобы определить знак, нужно понять в какой четверти находится аргумент и смотреть на изначальную функцию, а не на изменившуюся

ПРИМЕР:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$$

Это IV четверть, в ней синус имеет знак минус, поэтому

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) = -\cos \alpha$$

ЛОГАРИФМЫ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЛОГАРИФМА

ОСНОВНОЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКОЕ ТОЖДЕСТВО

ОДЛ ЛОГАРИФМА

Если $\log_a b = c$, то $a^c = b$

$$a^{\log_a b} = b$$

$$\text{Для } \log_a b \quad \begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ b > 0 \end{cases}$$

СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

1 $\log_a b + \log_a c = \log_a(b \cdot c)$

3 $\log_a b^m = m \cdot \log_a b$

5 $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$

2 $\log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c}$

4 $\log_{a^n} b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$

6 $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$

ПРОИЗВОДНЫЕ

1 $C' = 0$

5 $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

9 $(\sin x)' = \cos x$

13 $(e^x)' = e^x$

2 $x' = 1$

6 $(U \cdot V)' = U'V + UV'$

10 $(\cos x)' = -\sin x$

14 $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$

3 $(Cx)' = C$

7 $\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$

11 $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$

15 $(\ln x)' = \frac{1}{x}$

4 $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$

8 $(U(V))' = (U(V))' \cdot V'$

12 $(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$

16 $(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$

2

СТЕПЕНИ

1 $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$

3 $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$

5 $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$

7 $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$

2 $a^n : a^m = a^{n-m}$

4 $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$

6 $a^0 = 1$

8 $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

КОРНИ

1 $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$

2 $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$

3 $(\sqrt{a})^2 = a$

4 $\sqrt{a^2} = |a|$

5 $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

ФСУ

РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ
КВАДРАТ РАЗНОСТИ
КВАДРАТ СУММЫ
РАЗНОСТЬ КУБОВ
СУММА КУБОВ

1 $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$

2 $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

3 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

4 $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$

5 $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$

УРАВНЕНИЯ

РАЗЛОЖЕНИЕ НА МНОЖИТЕЛИ
ТЕОРЕМА ВИЕТА

1 $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$

2 $ax^2 + bx + c = 0$
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

МОДУЛИ

КАК РАСКРЫВАТЬ МОДУЛИ

Если внутримодульное выражение положительное, то просто опускаем модуль

Если внутримодульное выражение отрицательное, то раскрываем модуль, меняя все знаки внутри модуля на противоположные

ПРИМЕР:

1 $y = |2 - 1| = 2 - 1$

ПРИМЕР:

2 $y = |1 - 2| = -1 + 2$

СВОЙСТВА МОДУЛЕЙ

1 $|a \cdot b| = |a| \cdot |b|$

2 $\left|\frac{a}{b}\right| = \frac{|a|}{|b|}$

3 $|a|^2 = a^2$

АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ

1 $a_n = a_1 + d \cdot (n - 1)$

2 $S_n = \frac{(a_1 + a_n)}{2} \cdot n$

3 $d = \frac{a_n - a_m}{n - m}$

МЕТОД РАЦИОНАЛИЗАЦИИ

БЫЛО
СТАЛО

1 $\log_a f - \log_a g$

2 $(a - 1)(f - g)$

3 $a^f - a^g$

4 $(a - 1)(f - g)$

5 $|f| - |g|$

6 $(f - g)(f + g)$

7 $\sqrt{f} - \sqrt{g}$

8 $(f - g)$

ЗАДАНИЕ 10

УРАВНЕНИЕ ПУТИ
СРЕДНЯЯ СКОРОСТЬ
СХЕМА ЗАДАЧ НА СПЛАВЫ И СМЕСИ

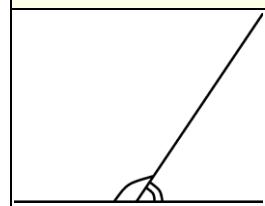
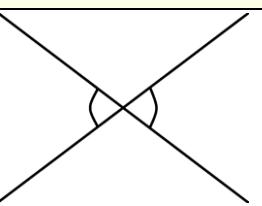
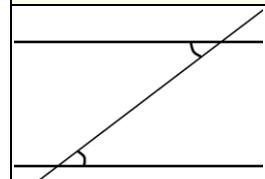
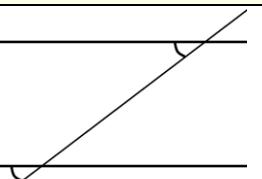
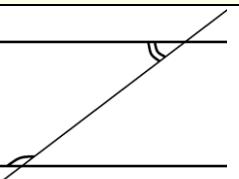
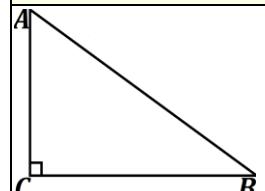
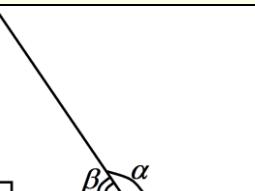
1 $S = v \cdot t$

расстояние = скорость · время

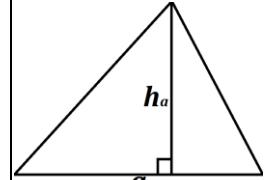
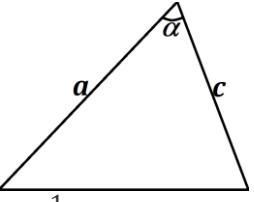
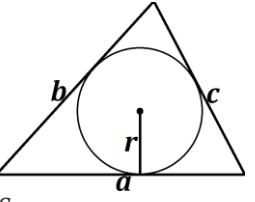
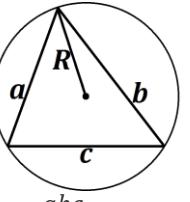
2 $V_{\text{средняя}} = \frac{S_{\text{суммарное}}}{t_{\text{суммарное}}}$

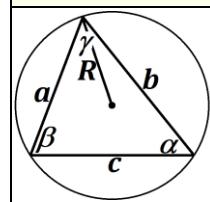
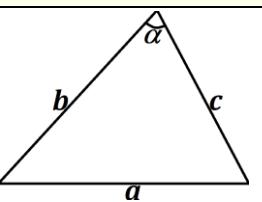
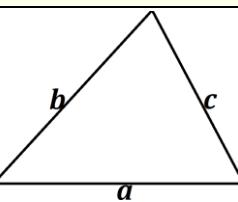
3 $\text{Доля}_1 \cdot m_1 + \text{Доля}_2 \cdot m_2 = \text{Доля}_3 \cdot m_3$

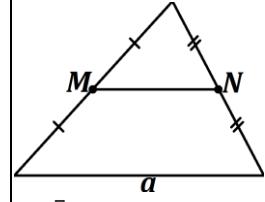
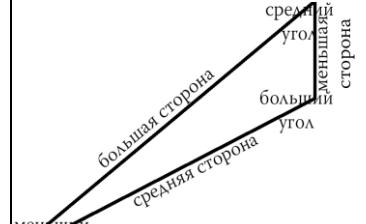
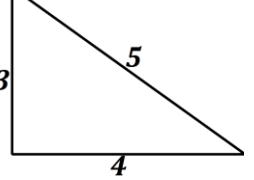
УГЛЫ

СМЕЖНЫЕ УГЛЫ	ВЕРТИКАЛЬНЫЕ УГЛЫ	СУММА УГЛОВ МНОГОУГОЛЬНИКОВ
 В сумме 180°	 Равны	У треугольника 180° У четырёхугольника 360° У пятиугольника 540° У шестиугольника 720° У n -угольника $180^\circ(n - 2)$
НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ УГЛЫ	СООТВЕТСТВЕННЫЕ УГЛЫ	ОДНОСТОРОННИЕ УГЛЫ
		
Равны при параллельных прямых (первый признак параллельности прямых)	Равны при параллельных прямых (второй признак параллельности прямых)	В сумме 180° при параллельных прямых (третий признак параллельности прямых)
СВОЙСТВО ОСТРЫХ УГЛОВ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА	СИНУС, КОСИНУС, ТАНГЕНС И КОТАНГЕНС ТУПЫХ УГЛОВ	
 $\sin A = \cos B$ $\sin B = \cos A$ $\operatorname{tg} A = \operatorname{ctg} B$ $\operatorname{tg} B = \operatorname{ctg} A$	 $\sin \alpha = \sin \beta$ $\cos \alpha = -\cos \beta$ $\operatorname{tg} \alpha = -\operatorname{tg} \beta$ $\operatorname{ctg} \alpha = -\operatorname{ctg} \beta$	

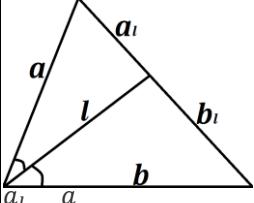
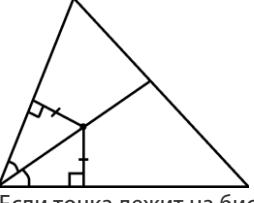
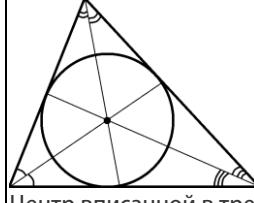
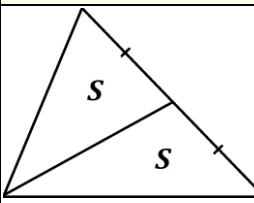
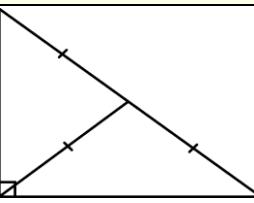
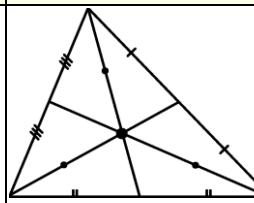
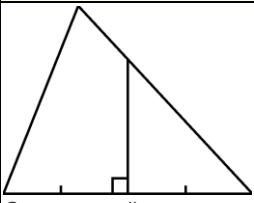
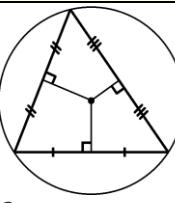
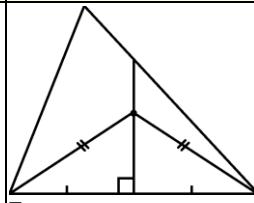
ТРЕУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)	ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ)	ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)	ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)
 $S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot h_a$	 $S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin \alpha$	 $S = pr$ p – полупериметр	 $S = \frac{abc}{4R}$

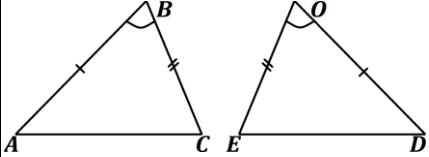
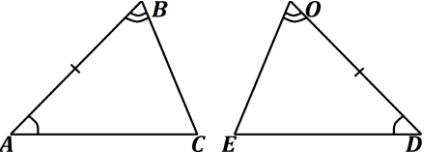
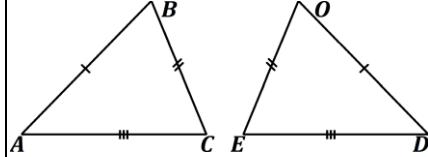
ТЕОРЕМА СИНУСОВ	ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ	ПЛОЩАДЬ (ФОРМУЛА ГЕРОНА)
 $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2R$	 $1 \quad a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \alpha$ $2 \quad \cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$	 $S = \sqrt{p(p - a)(p - b)(p - c)}$

СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРЕУГОЛЬНИКА	СВОЙСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА	НЕРАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА
 <ul style="list-style-type: none"> Лежит на серединах сторон Параллельна основанию Равна половине основания 	 В ЛЮБОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ: <ul style="list-style-type: none"> против большей стороны больший угол против средней стороны средний угол против меньшей стороны меньший угол 	В любом треугольнике сумма длин двух сторон больше длины третьей стороны ПРИМЕР:  $3 + 4 > 5$ $3 + 5 > 4$ $4 + 5 > 3$

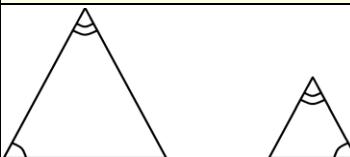
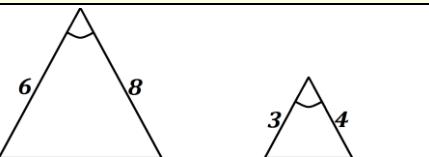
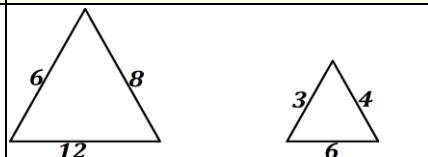
БИССЕКТРИСА, МЕДИАНА И СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР

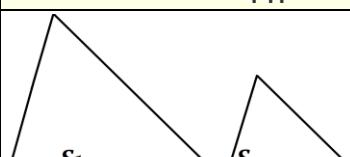
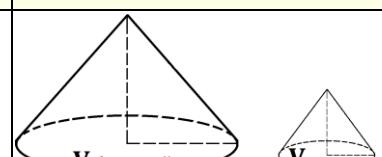
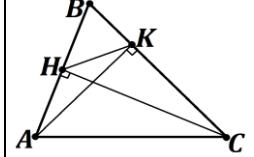
ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ	СВОЙСТВО БИССЕКТРИСЫ	ЦЕНТР ВПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ
 $\frac{a_l}{b_l} = \frac{a}{b}$	 <p>Если точка лежит на биссектрисе угла, то она равноудалена от сторон этого угла</p>	 <p>Центр вписанной в треугольник окружности – это точка пересечения биссектрис</p>
СВОЙСТВО МЕДИАНЫ	СВОЙСТВО МЕДИАНЫ	СВОЙСТВО МЕДИАНЫ
 <p>Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями)</p>	 <p>В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы</p>	 <p>Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершины</p>
СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР	ЦЕНТР ОПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ	СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА
 <p>Серединный перпендикуляр – это прямая, выходящая из середины стороны треугольника под прямым углом к этой стороне</p>	 <p>Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в точке, являющейся центром окружности, описанной около треугольника</p>	 <p>Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка</p>

ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ТРЕУГОЛЬНИКОВ

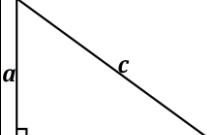
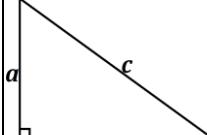
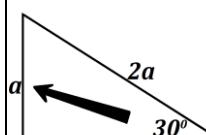
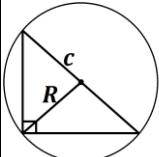
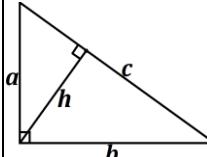
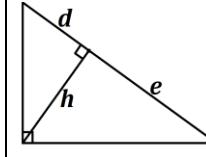
ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА	ВТОРОЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА	ТРЕТЬИЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА
 <p>По двум сторонам и углу между ними</p>	 <p>По стороне и двум, прилежащим к ней углам</p>	 <p>По трём сторонам</p>

ПОДОБИЕ

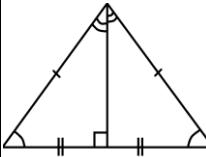
ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ	ВТОРОЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ	ТРЕТЬИЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ
 <p>По двум углам</p>	 <p>По двум пропорциональным сторонам и углу между ними</p>	 <p>По трём пропорциональным сторонам</p>

ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ	ОТНОШЕНИЕ ОБЪЁМОВ	ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ	ПОДОБИЕ ABC и NVK
 <p>Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия $S_{\text{большого}} : S_{\text{маленького}} = k^2$</p>	 <p>Отношение объёмов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия $V_{\text{большой фигуры}} : V_{\text{маленькой фигуры}} = k^3$</p>	<p>В подобных треугольниках отношение периметров, биссектрис, медиан, высот и серединных перпендикуляров равно коэффициенту подобия</p>	 $\cos B = \frac{BK}{AB}$ $\cos B = \frac{BH}{BC}$ <p>$\Delta ABC \sim \Delta NVK$ по 2 признаку $(\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC}$ и угол B – общий)</p>

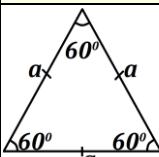
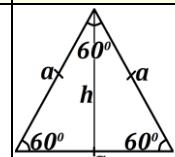
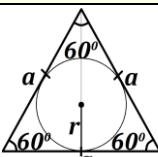
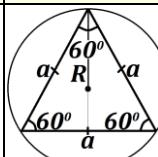
ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ТЕОРЕМА ПИФАГОРА	ПЛОЩАДЬ	СВОЙСТВО
 $c^2 = a^2 + b^2$	 $S = \frac{a \cdot b}{2}$	 Катет, лежащий напротив угла 30° , равен половине гипотенузы
РАДИУС	ВЫСОТА	ВЫСОТА
 $R = \frac{c}{2}$	 $h = \frac{ab}{c}$	 $h^2 = de$

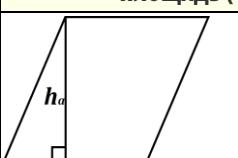
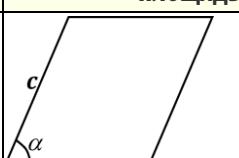
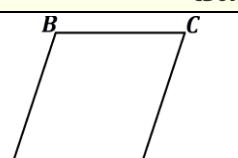
РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ОПРЕДЕЛЕНИЕ	СВОЙСТВО
	 Биссектриса, медиана и высота, проведённые к основанию, равны

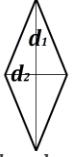
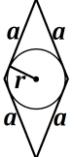
РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ	ВЫСОТА	РАДИУС	РАДИУС
 $S = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$	 $h = \frac{\sqrt{3}a}{2}$	 1 $r = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{6}$ 2 $r = \frac{1}{3} \cdot h$	 1 $R = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{3}$ 2 $R = \frac{2}{3} \cdot h$

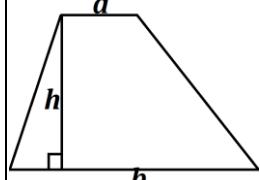
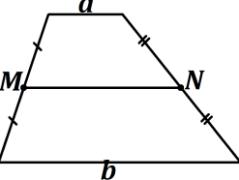
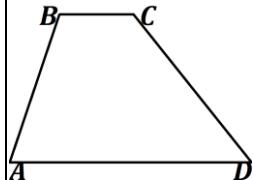
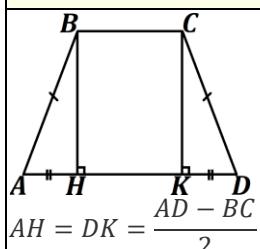
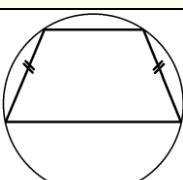
ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)	ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ)	СВОЙСТВО
 $S = ah_a$	 $S = ac \cdot \sin \alpha$	 В параллелограмме сумма углов, прилежащих к любой стороне, равна 180°
ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА	ВТОРОЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА	ТРЕТИЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА
Если две стороны равны и параллельны	Если противоположные стороны попарно равны	Если диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам

РОМБ

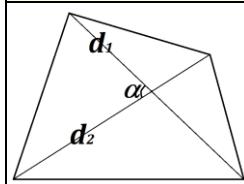
ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ДИАГОНАЛИ)	ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)
 $S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$	 $S = pr$

ТРАПЕЦИЯ

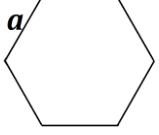
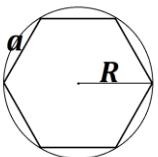
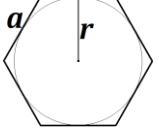
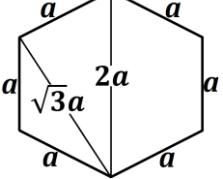
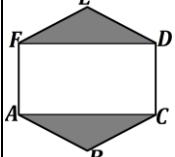
ПЛОЩАДЬ	СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ	СВОЙСТВО
 $S = \frac{a + b}{2} \cdot h$	 <ul style="list-style-type: none"> Лежит на серединах сторон Параллельна основаниям Равна полусумме оснований 	 <p>В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180°</p>
СВОЙСТВО РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ		ПРИЗНАК РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ
 $AH = DK = \frac{AD - BC}{2}$		 <p>Если трапеция вписана в окружность, то она - равнобедренная</p>

ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИК

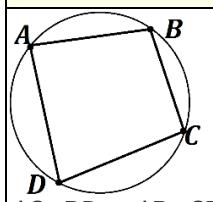
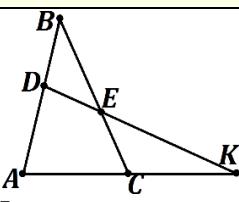
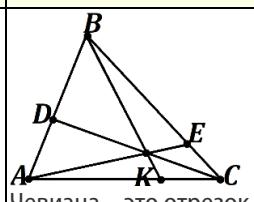
ПЛОЩАДЬ

 $S = \frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \sin \alpha}{2}$

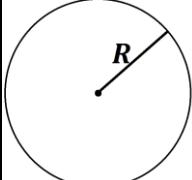
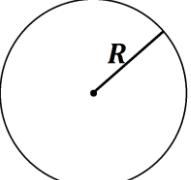
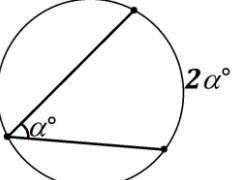
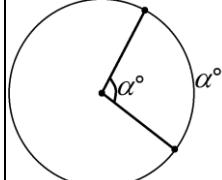
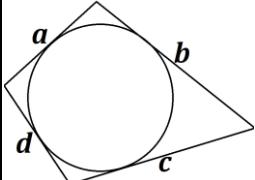
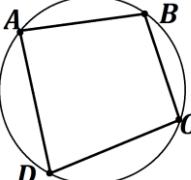
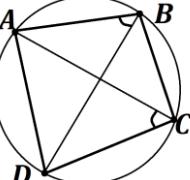
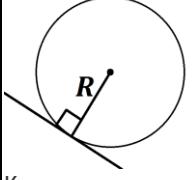
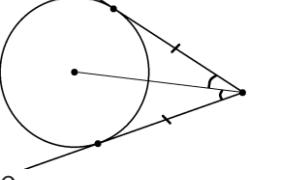
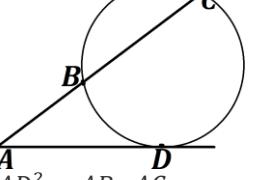
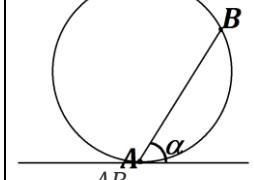
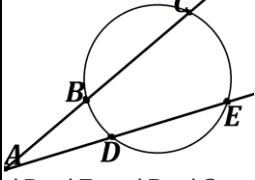
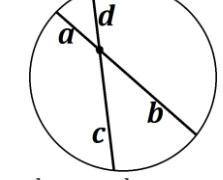
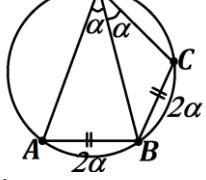
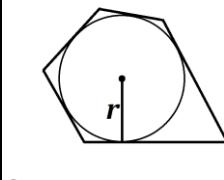
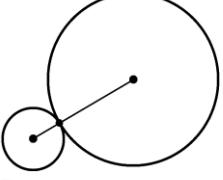
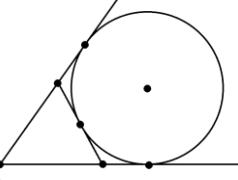
РАВНОСТОРОННИЙ ШЕСТИУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ	РАДИУС	РАДИУС	ДИАГОНАЛИ	ПЛОЩАДИ ЧАСТЕЙ								
 $S = \frac{3\sqrt{3}a^2}{2}$	 $R = a$	 $r = \frac{\sqrt{3}a}{2}$										
				<table border="1"> <tr> <td>1</td><td>$S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$</td></tr> <tr> <td>2</td><td>$S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$</td></tr> <tr> <td>3</td><td>$S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$</td></tr> <tr> <td>4</td><td>$S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$</td></tr> </table>	1	$S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$	2	$S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$	3	$S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$	4	$S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$
1	$S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$											
2	$S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$											
3	$S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$											
4	$S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$											

ТЕОРЕМЫ СО СТРАШНЫМИ НАЗВАНИЯМИ

ТЕОРЕМА ПТОЛЕМЕЯ	ТЕОРЕМА МЕНЕЛАЯ	ТЕОРЕМА ЧЕВЫ
 $AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$ <p>(работает только для вписанного четырёхугольника)</p>	 <p>Если прямая пересекает две стороны треугольника и продолжение третьей, то</p> $\frac{AD}{DB} \cdot \frac{BE}{EC} \cdot \frac{CK}{KA} = 1$	 <p>Чевиана – это отрезок в треугольнике, соединяющий вершину треугольника с точкой на противоположной стороне</p> <p>Если в треугольнике три чевианы пересекаются в одной точке, то</p> $\frac{AD}{DB} \cdot \frac{BE}{EC} \cdot \frac{CK}{KA} = 1$

ОКРУЖНОСТЬ

ПЛОЩАДЬ КРУГА	ДЛИНА ОКРУЖНОСТИ	ВПИСАННЫЙ УГОЛ	ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ
 $S = \pi R^2$	 $C = 2\pi R$	 Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается	 Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается
ПРИЗНАК ОПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА	ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА	ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА	
 $a + c = b + d$	 $\angle A + \angle C = 180^\circ$ $\angle B + \angle D = 180^\circ$	 Если два равных угла между стороной и диагональю опираются на один отрезок, то около четырёхугольника можно описать окружность	
СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ	СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНЫХ	КАСАТЕЛЬНАЯ И СЕКУЩАЯ	КАСАТЕЛЬНАЯ И ХОРДА
 Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведённому в точку касания	 Отрезки касательных к окружности, проведённые из одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности	 $AD^2 = AB \cdot AC$	 $\alpha = \frac{\angle A}{2}$
СВОЙСТВО СЕКУЩИХ	СВОЙСТВО ХОРД	СВОЙСТВО ХОРД	
 $AD \cdot AE = AB \cdot AC$	 $a \cdot b = c \cdot d$	 Хорды, стягивающие равные дуги, равны	
ПЛОЩАДЬ МНОГОУГОЛЬНИКА	СВОЙСТВО КАСАЮЩИХСЯ ОКРУЖНОСТЕЙ	ВНЕВПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ	
 $S = pr$ p – полупериметр	 Линия центров двух касающихся окружностей проходит через точку касания	 Вневписанная окружность треугольника – это окружность, касающаяся одной из сторон треугольника и продолжений двух других его сторон. У любого треугольника существует три вневписанных окружности	